

2022年成人高等学校招生全国统一考试高起点（理科数学）真题

第1题 选择题（每题5分，共17题，共85分）

1、设集合 $M=\{x||x-2|<1\}$ ， $N=\{x|x>2\}$ ，则 $M\cap N=(\quad)$

A、 $\{x|1<x<3\}$

B、 $\{x|x>2\}$

C、 $\{x|2<x<3\}$

D、 $\{x|1<x<2\}$

答案：C

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为集合的运算。

【应试指导】解得 $M=\{x||x-2|<1\}=\{x|-1<x-2<1\}=\{x|<x<3\}$ ，故 $M\cap N=\{x|2<x<3\}$ 。

2、设函数 $f(x)=x^2-1$ ，则 $f(x+1)=(\quad)$

A、 x^2+2x+1

B、 x^2+2x

C、 x^2+1

D、 x^2

答案：B

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为函数的性质。

【应试指导】 $f(x+1)=(x+1)^2-1=x^2+2x+1-1=x^2+2x$ 。

3、函数 $y=\lg(x^2-4x+3)$ 的定义域是()

A、 $\{x|-3<x<-1\}$

B、 $\{x|x<-3$ 或 $x>-1\}$

C、 $\{x|1<x<3\}$

D、 $\{x|x<1$ 或 $x>3\}$

答案：D

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为对数函数的性质。

【应试指导】由对数函数的性质可知 $x^2-4x+3>0$ ，解得 $x>3$ 或 $x<1$ ，故函数的定义域为 $\{x|x<1$ 或 $x>3\}$ 。

4、下列函数中，为奇函数的是()

A、 $y=\cos 2x$

B、 $y=\sin x$

C、 $y=2-x$

D、 $y=x+1$

答案： B

解析：【考情点拨】 本题主要考查的知识点为函数的奇偶性.

【应试指导】 当 $f(-x)=-f(x)$ 时，函数 $f(x)$ 是奇函数，四个选项中只有选项B符合，故选B选项.

5、 下列函数中，为减函数的是()

- A、 $y=\cos x$
- B、 $y=3x$
- C、 $y=\log_{1/2} x$
- D、 $y=3x^2-1$

答案： C

解析：【考情点拨】 本题主要考查的知识点为减函数.

【应试指导】 由对数函数的性质可知，当底数大于0小于1时，在定义域内，对数函数为减函数，故选C选项.

6、 设 α 是第三象限角，若 $\cos\alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ ，则 $\sin\alpha =$

- A、 $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- B、 $\frac{1}{2}$
- C、 $-\frac{1}{2}$
- D、 $-\frac{\sqrt{2}}{2}$

答案： D

解析：【考情点拨】 本题主要考查的知识点为三角函数的计算.

【应试指导】

由于 $\cos\alpha = -\frac{\sqrt{2}}{2} < 0$ ，而 α 为第三象限角，故 $\sin\alpha = -\sqrt{1-\cos^2\alpha} = -\sqrt{1-\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$.

7、 函数 $y=x^2+1(x\leq 0)$ 的反函数是

- A、 $y = -\sqrt{x-1} (x \geq 1)$
- B、 $y = \sqrt{x-1} (x \geq 1)$
- C、 $y = \sqrt{x-1} (x \geq 0)$
- D、 $y = -\sqrt{x-1} (x \geq 0)$

答案： A

解析：【考情点拨】 本题主要考查的知识点为反函数.

【应试指导】

$y = x^2 + 1 \geq 1 \Rightarrow x^2 = y - 1$ ，由于 $x \leq 0$ ，故 $x = -\sqrt{y-1}$ ，把 x 与 y 互换，得所求反函数为
 $y = -\sqrt{x-1} (x \geq 1)$.

8、 过点(-2, 2)与直线 $x+3y-5=0$ 平行的直线是

- A、 $x+3y-4=0$
- B、 $3x+y+4=0$

C、 $x+3y+8=0$

D、 $3x-y+8=0$

答案：A

解析：【考点点拨】本题主要考查的知识点为直线方程。

【应试指导】所求直线与 $x+3y-5=0$ 平行，可设所求直线为 $x+3y+c=0$ ，将点 $(-2, 2)$ 带入直线方程。故 $-2+3\times 2+c=0$ ，解得 $c=-4$ 。因此所求直线为 $x+3y-4=0$ 。

9、已知 $\sin\alpha - \cos\alpha = \frac{1}{5}$ ，则 $\sin 2\alpha =$

A、 $-\frac{24}{25}$

B、 $-\frac{7}{25}$

C、 $\frac{7}{25}$

D、 $\frac{24}{25}$

答案：D

解析：【考点点拨】本题主要考查的知识点为倍角公式。

【应试指导】

$$\sin\alpha - \cos\alpha = \frac{1}{5} \text{ 两边平方得 } \sin^2\alpha - 2\sin\alpha\cos\alpha + \cos^2\alpha = \frac{1}{25} \Rightarrow 1 - \sin 2\alpha = \frac{1}{25}, \text{ 故 } \sin 2\alpha = \frac{24}{25}.$$

10、设甲： $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$ ；乙： $\triangle ABC \cong \triangle A'B'C'$ 。则

A、甲是乙的必要条件但不是充分条件

B、甲是乙的充分条件但不是必要条件

C、甲是乙的充要条件

D、甲既不是乙的充分条件也不是乙的必要条件

答案：A

解析：【考点点拨】本题主要考查的知识点为简易逻辑。

【应试指导】三角形相似不一定全等，但三角形全等一定相似，因此，甲是乙的必要条件但不是充分条件。

11、已知空间向量 i, j, k 为两两垂直的单位向量，向量 $a=2i+3j+mk$ ，若 $|a| = \sqrt{13}$ 。则 $m=$

A、-2

B、-1

C、0

D、1

答案：C

解析：【考点点拨】本题主要考查的知识点为空间向量的计算。

【应试指导】

$$\text{由题可知向量 } a = (2, 3, m), \text{ 故 } |a| = \sqrt{2^2 + 3^2 + m^2} = \sqrt{13 + m^2} = \sqrt{13}, \text{ 解得 } m = 0.$$

12、 $(2-3i)^2=$

- A、13-6i
- B、13-12i
- C、-5-6i
- D、-5-12i

答案：D

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为向量的计算。

【应试指导】 $(2-3i)^2=4-12i+9i^2=4-9-12i=-5-12i$ 。

13、中心在坐标原点，对称轴为坐标轴，且一个顶点为(3, 0)，虚轴长为8的双曲线的方程是 ()

- A、 $\frac{y^2}{9} - \frac{x^2}{16} = 1$
- B、 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1$
- C、 $\frac{y^2}{64} - \frac{x^2}{9} = 1$
- D、 $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{64} = 1$

答案：B

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为双曲线的性质。

【应试指导】双曲线有一个顶点为(3, 0)，因此所求双曲线的实轴在x轴上，可排除A、C选项，又由于虚轴长为8，故b=4，即b²=16，故双曲线方程为

$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{16} = 1.$$

14、 $(x + \frac{1}{x^2})^5$ 的展开式中，x²的系数为

- A、20
- B、10
- C、5
- D、1

答案：C

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为二项式定理。

【应试指导】二项展开式的第二项为

$$C_1^5 x^4 \cdot \frac{1}{x^2} = 5x^2, \text{ 故展开式中 } x^2 \text{ 的系数为 } 5.$$

15、已知直线l: 3x-2y-5=0，圆C: (x-1)²+(y+1)²=4，则C上到l的距离为1的点共有()

- A、1个
- B、2个
- C、3个
- D、4个

答案：D

解析：【考情点拨】本题主要考查的知识点为直线与圆的位置关系。

【应试指导】由题可知圆的圆心为(1, -1)，半径为2，圆心到直线的距离为

$\frac{|3 \times 1 - 2 \times (-1) - 5|}{\sqrt{3^2 + (-2)^2}} = 0$, 即直线过圆心, 因此圆C上到直线的距离为1的点共有4个.

16、袋中有6个球, 其中4个红球, 2个白球, 从中随机取出2个球, 则其中恰有1个红球的概率为()

- A、 $\frac{8}{15}$
- B、 $\frac{4}{15}$
- C、 $\frac{2}{15}$
- D、 $\frac{1}{15}$

答案: A

解析: 【考情点拨】本题主要考查的知识点为随机事件的概率.

【应试指导】

恰有1个红球的概率为

$$\frac{C_4^1 C_2^1}{C_6^2} = \frac{4 \times 2}{6 \times 5} = \frac{8}{15}$$

17、给出下列两个命题:

- ①如果一条直线与一个平面垂直, 则该直线与该平面内的任意一条直线垂直
- ②以二面角的棱上任意一点为端点, 在二面角的两个面内分别作射线, 则这两条射线所成的角为该二面角的平面角

则()

- A、①②都为真命题
- B、①为真命题, ②为假命题
- C、①为假命题, ②为真命题
- D、①②都为假命题

答案: B

解析: 【考情点拨】本题主要考查的知识点为直线与平面的位置关系.

【应试指导】一条直线与平面垂直, 则直线与平面内的任意一条直线垂直, 故①为真命题; 二面角的两条射线必须垂直于二面角的棱, 故②为假命题, 因此选B选项.

第2题 填空题 (每题4分, 共4题, 共16分) 将正确答案写在题中横线上 (或者“括号里”) 的空白处.

18、点(4, 5)关于直线 $y=x$ 的对称点的坐标为_____.

(5, 4)

【考情点拨】本题主要考查的知识点为对称坐标.

【应试指导】点(4, 5)关于直线 $y=x$ 的对称点为(5, 4).

19、长方体的长、宽、高分别为2, 3, 6, 则该长方体的对角线长为_____.

7

【考情点拨】本题主要考查的知识点为立方体.

【应试指导】由题可知长方体的底面的对角线长为

$\sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}$, 则在由高、底面对角线、长方体的对角线组成的三角形中, 长方体的对角线长为

$$\sqrt{13+6^2} = \sqrt{49} = 7.$$

20、某校学生参加一次科技知识竞赛，抽取了其中8位同学的分数作为样本，数据如下：

90, 90, 75, 70, 80, 75, 85, 75.

则该样本的平均数为_____.

80

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为样本平均数.

【应试指导】 样本平均数为

$$\frac{90+90+75+70+80+75+85+75}{8} = 80.$$

21、设函数 $f(x)=x\sin x$ ，则 $f'(x)=$ _____.

$\sin x + x\cos x$

【考情点拨】 本题主要考查的知识点为导数的运算.

【应试指导】 $f'(x)=(x\sin x)'=\sin x+x\cos x$.

第3题 解答题 (每题12.25分, 共4题, 共49分)

22、(本小题满分12分)

在 $\triangle ABC$ 中, $B=120^\circ$, $BC=4$, $\triangle ABC$ 的面积为 $4\sqrt{3}$, 求 AC .

$$\text{由 } \triangle ABC \text{ 的面积为 } 4\sqrt{3} \text{ 得 } \frac{1}{2} \times AB \times BC \times \sin 120^\circ = 4\sqrt{3}.$$

$$\text{所以 } AB = 4.$$

$$\text{因此 } AC^2 = AB^2 + BC^2 - 2 \times AB \times BC \times \cos 120^\circ = 48.$$

$$\text{所以 } AC = 4\sqrt{3}.$$

23、(本小题满分12分)

已知 a , b , c 成等差数列, a , b , $c+1$ 成等比数列. 若 $b=6$, 求 a 和 c .

$$\text{由已知得 } \begin{cases} a+c=12, \\ a(c+1)=36. \end{cases}$$

$$\text{解得 } \begin{cases} a=4, \\ c=8, \end{cases} \text{ 或 } \begin{cases} a=9, \\ c=3. \end{cases}$$

24、(本小题满分12分)

已知直线 l 的斜率为1, l 过抛物线 $C: x^2 = \frac{1}{2}y$ 的焦点, 且与 C 交于 A, B 两点.

(I)求 l 与 C 的准线的交点坐标;

(II)求 $|AB|$.

(I)

$$C \text{ 的焦点为 } (0, \frac{1}{8}), \text{ 准线为 } y = -\frac{1}{8}.$$

$$\text{由题意得 } l \text{ 的方程为 } y = x + \frac{1}{8}.$$

$$\text{因此 } l \text{ 与 } C \text{ 的准线的交点坐标为 } (-\frac{1}{4}, -\frac{1}{8}).$$

(II)

$$\text{由} \begin{cases} y = x + \frac{1}{8}, \\ y = 2x^2, \end{cases} \text{得 } 2x^2 - x - \frac{1}{8} = 0.$$

$$\text{设 } A(x_1, y_1), B(x_2, y_2), \text{ 则 } x_1 + x_2 = \frac{1}{2}, y_1 + y_2 = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4}.$$

$$\text{因此 } |AB| = y_1 + y_2 + \frac{1}{4} = 1.$$

25、(本小题满分13分)

设函数 $f(x) = x \ln x + x$.

(I) 求曲线 $y = f(x)$ 在点 $(1, f(1))$ 处的切线方程;

(II) 求 $f(x)$ 的极值.

(I) $f(1) = 1$, $f'(x) = 2 + \ln x$, 故 $f'(1) = 2$.

所以曲线 $y = f(x)$ 在点 $(1, f(1))$ 处的切线方程为 $y = 2x - 1$.

(II) 令 $f'(x) = 0$, 解得 $x = e - 2$.

当 $0 < x < e - 2$ 时, $f'(x) < 0$; 当 $x > e - 2$ 时, $f'(x) > 0$.

故 $f(x)$ 在区间 $(0, e - 2)$ 单调递减, 在区间 $(e - 2, +\infty)$ 单调递增.

因此 $f(x)$ 在 $x = e - 2$ 时取得极小值 $f(e - 2) = -e - 2$.



考证就上233网校APP

免费题库, 复习资料包,

扫码下载即可获得